ИЗУМРУД
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

2026867107473

Титульный лист

Направление

- ☐ анализ данных
- ☐ информатика
- ☐ история
- ☒ математика
- ☐ обществознание
- ☐ русский язык
- ☐ физика
- ☐ химия

Класс ☐ 8 ☐ 9 ☐ 10 ☒ 11

Фамилия ОКУЛОВА

Имя АЛЕНА

Отчество ИГОРЕВНА

Дата рождения 31 03 2008

Город участия КАМЕНСК-УРАЛЬСКИЙ

Аудитория 308

Дата 02 02 2026

Подпись

Пример заполнения

А Б В Г Д Е Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф
Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

ИЗУМРУД
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

2026867107473

Проверочный лист

Заполняется участниками

Направление
☐ анализ данных ☐ информатика ☐ история
☒ математика ☐ обществознание ☐ русский язык
☐ физика ☐ химия

Класс ☐ 8 ☐ 9 ☐ 10 ☒ 11

Город участия КАМЕНСК-УРАЛЬСКИЙ

Заполняется организаторами

Количество доп листов ☐☐ Количество черновиков к проверке ☐☐

Время выхода с 12 27 до 12 37

Протокол проверки
Заполняется жюри

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Балл члена жюри №1	–	20	5	0	–					
Балл члена жюри №2	–	20	5	0	–					

Итоговый балл 25

Подпись члена жюри №1

Подпись члена жюри №2

Пример заполнения

А Б В Г Д Е Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф
Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

Линия отреза

Бланк ответов

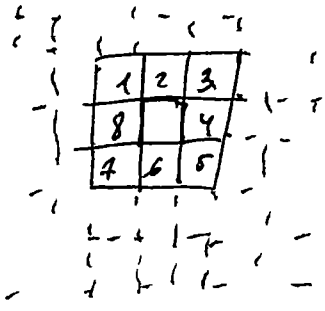
~~3 (задание 3)~~

№2 (задание 2)

Выигрышная стратегия есть у Димы

его главная задача - ходить симметрично относительно ходов Максима, но первый ход для победы должен быть "круговой" змейкой относительно центровой клетки

Тогда центр поля после хода Димы ~~де~~ будет иметь вид



т к все последующие ходы Максима можно будет отразить относительно центра (любое пространство вокруг центра (змейки Димы) имеет ≥ 16 клеток $\Rightarrow$ на клетку из одной половины найдётся симметричная пара через центр и ~~поля~~ клеток $\geq 8 \Rightarrow$ пока Максим может сделать ход, симметричный ему ход может сделать и Дима

$\Downarrow$

последний ход всегда будет за Димой +

Ответ: всегда выигрывает Дима

~3 (задание ~3)

Рассмотрим все возможные кресты ~~от~~ окружающие нарисованный

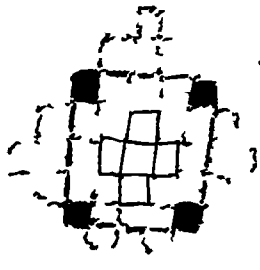


рис 3

можно заметить квадрат 5×5, который содержит как минимум по одной клетке всех возможных окружающих крестов

Заметим, что если рисовать данные квадраты 5×5 с крестом по середине, то чтобы рядом с таким квадратом не образовался новый крест - один из ~~крестов~~ должна быть ограничена соседней парой, а противоположные ей 2 угловые клетки должны ~~быть~~ быть закрашены

для пояснения иначе, на рисунку 3 видно, что пространство, ~~на~~ оставшееся между границей поля будет содержать 2 возможных креста, а мы хотим min кол-во

1

Иначе, будь они не двухцветны, мы при расстановке таких квадратов получим пустое пространство, содержащее ≥ 5 ~~своего~~ свободных клеток, в которое легко помещается крест (см рис 2) Значит, наименьшее число крестов = 4 (одного креста закрывают 4 угловые клетки квадр. 5×5)

Таким образом, нужный рисунок можно выложить так (см рис 1)

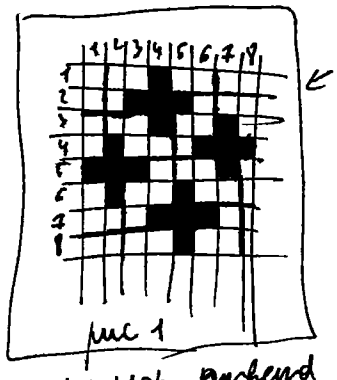


рис 1

← при такой расстановке выполняется условие любой 2 × крестов 4 угловых клеток квадратов других крестов (края квадратов жирные)

пример без объяснения

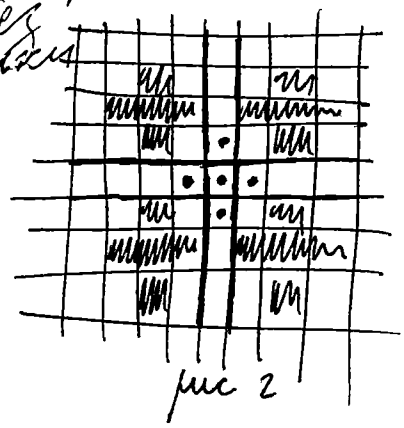


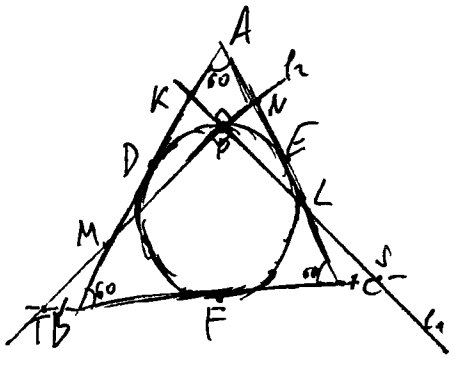
рис 2

Пример ~~ответа~~ Ответ. 4

Доп обосн.

~~Оценка~~ Кол-во меньшее 4 крестов невозможно, т.к. на ~~угол~~ одной каждого квадрата нужно по кресту, иначе будут такие не свободные пространства ≥ 5 клеток, в которые будет помещаться возможный крест (описанные ограничения были ранее обоснованы)

~ 4 (задание ~ 4)



$BC = CT \Rightarrow \boxed{TB = CS}$

$BD = BF = CF - CE - AE = AD$ и к $\triangle ABC$ - равносторонний

существ. прод. нет

(—)

Линия отреза

Бланк ответов