ИЗУМРУД
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

3101995502121

Титульный лист

Направление

- ☐ анализ данных
- ■ информатика
- ☐ история
- ☐ математика
- ☐ обществознание
- ☐ русский язык
- ☐ физика
- ☐ химия

Класс ☐ 8 ☐ 9 ☐ 10 ■ 11

Фамилия ШИНКАРЕВА

Имя ПОЛИНА

Отчество СЕРГЕЕВНА

Дата рождения 26 06 2008

Город участия КРАСНОЯРСК

Аудитория 315

Дата 02 02 2026 **Подпись**

Пример заполнения

А Б В Г Д Е Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф
Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

ИЗУМРУД
ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

3101995502121

Проверочный лист

Заполняется участниками

Направление
☐ анализ данных ■ информатика ☐ история
☐ математика ☐ обществознание ☐ русский язык
☐ физика ☐ химия

Класс ☐ 8 ☐ 9 ☐ 10 ■ 11

Город участия КРАСНОЯРСК

Заполняется организаторами

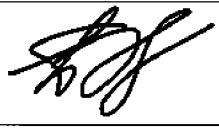
Количество доп листов ☐☐ Количество черновиков к проверке ☐☐

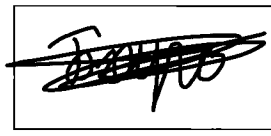
Время выхода с ☐☐ ☐☐ до ☐☐ ☐☐

Протокол проверки
Заполняется жюри

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Балл члена жюри №1	-	12	-	0	15					
Балл члена жюри №2	-	12	-	0	15					

Итоговый балл 27

Подпись члена жюри №1 

Подпись члена жюри №2 

Пример заполнения

А Б В Г Д Е Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф
Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

Линия отреза

Бланк ответов

№2 = 12б

A ≥ 0, B < 1024 , 1024_2 - 10000000000

Палиндромов, состоящих из 10 битов, есть $2^5 = 32$ + 2б

1 Рассмотрим палиндром 0000110000 = 48

пары: 0 - 48, 1 - 47, ... 24 + 24 } 25 пар

2 Рассмотрим палиндром 1000000001 = 513

пары: 0 - 513, 1 - 512, ... 256 - 257 } 257 пар

кол-во пар из 1 палиндрома = число // 2 + 1

кол-во пар всего = сумма чисел // 2 + 32

+ 1б

Все возможные палиндромы:

00000 000
0000 110000
0001 001000
0001 111000
0010 000100
0010 110100
0011 001100
0011 111100
0100 000010
0100 100100
0101 001010
0101 101010
0110 000110
0110 100110
0111 001110
0111 101110
1000 000001
1000 100001
1001 001001
1001 101001
1010 000101
1010 100101
1011 001101
1011 101101
1100 000011
1100 100011
1101 001011
1101 101011
1110 000111
1110 100111
1111 001111
1111 101111

Сумма = 16 48 + 16 72 + 16 132 + 16 258 + 16 513 =

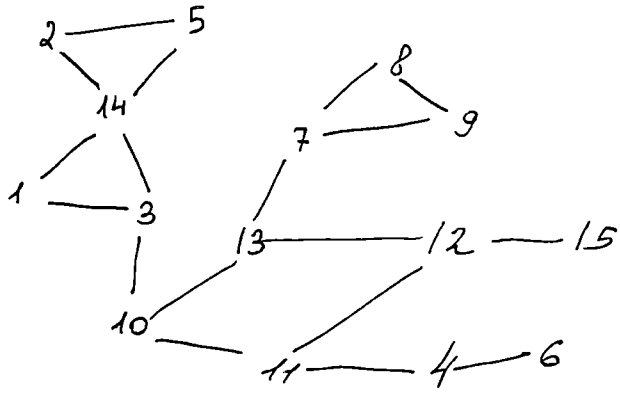
= 16 + 16 · (48 + 72 + 132 + 258 + 513) = 16 1023 = 16368

кол-во пар = $\frac{16368}{2}$ + 32 = 8184 + 32 = 8216

Ответ 8216

0б

№4



Ребро, соединяющее вершин 4 и 6 - крайнее (из вершин 6 выходит только одно ребро). Значит, необходимо либо начать маршрут из вершин 6, либо завершить его. Аналогичная ситуация с ребром 15

Следовательно, маршрут, проходящий через все ребра по одному разу, начнется и закончится в вершинах 6 и 15

1

Но в вершину 12 можно попасть с помощью 2-х ребер =>
=> посетить оба ребра при условии, что каждое ребро графа должно быть посещено лишь единожды, невозможно

Ответ: в графе не существует маршрута по всем ребрам

№ 5 = 15б

Впишем все ребра графа (a) (b) (c) (g) (e) каков принцип разделения на группы?

(a)	(b)	(c)	(g)	(e)
1-5	2-3	3-6	6-7	7-8
1-8	2-11	3-8		7-11
1-10	2-13	3-9		
1-13		3-12		
		4-5		
		4-8		
		4-9		
		4-10		
		4-12		

(в каждой группе можно взять лишь 1 ребро)

Всего ребер 19 Образовано 6 групп ребер Если возможно в графе найти паросочетание размера 6, то из каждой группы необходимо выбрать такие ребра, чтобы никакие числа из вершин не повторялись

В одной группе (g) есть лишь 1 ребро: 6-7 Его брать обязательно Но, таким образом, из группы (e) невозможно взять никакого ребра (вершина 7 уже входит в ребро 6-7) Поэтому из данного графа невозможно выбрать паросочетание размера 6

Линия отреза

Бланк ответов

Линия отреза

Бланк ответов