

Титульный лист

Направление ☒ Естественные науки ☐ Инженерные науки
☐ Математика и информатика ☐ Социальные и
☐ Экономика и управление гуманитарные науки

Вариативный блок ☐ 1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5

Курс ☐ 1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ отсутствует

Фамилия А Л Е К С А Н Д Р О В

Имя Г Л Е Б

Отчество О Л Е Г О В И Ч

Дата рождения 2 0 0 3 2 0 0 3

Город участия Е К А Т Е Р И Н Б У Р Г

Аудитория 4 3 8

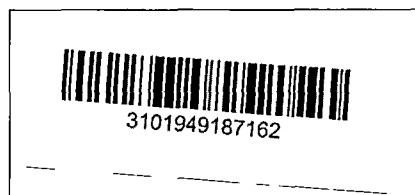
Телефон 8 9 8 2 6 3 4 1 7 8 6

Дата 0 2 0 2 2 0 2 5

Подпись

Пример
заполнения

А Б В Г Д Е Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф
Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0



Проверочный лист

Заполняется участниками

Направление ☒ Естественные науки ☐ Инженерные науки
☐ Математика и информатика ☐ Социальные и
☐ Экономика и управление гуманитарные науки

Вариативный блок ☐ 1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5

Курс ☐ 1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ отсутствует

Город участия Е К А Т Е Р И Н Б У Р Г

Заполняется организаторами

Количество доп. листов 1 Количество черновиков к проверке

Время выхода с до

Протокол проверки

Заполняется жюри

Номер задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Балл члена жюри №1	50	45								
Балл члена жюри №2	50	45								

Итоговый балл 95

Подпись
члена жюри №1

Подпись
члена жюри №2

Пример
заполнения

А Б В Г Д Е Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф
Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

Инвариантная часть

Дано $T = 1250$ млн лет - период полураспада

$\alpha = \frac{10}{100}$ - эффективность образования Az при распаде K

$\beta = \frac{70}{1}$ - отношение кол-ва атомов K к кол-ву атомов Az в образце

Найти τ - ? - возраст образца

Решение Пусть N_0 - кол-во атомов K в образце в начальный момент времени $t=0$. Считаем, что в начальный момент времени (от которого отсчитывается возраст образца) $t=0$ в образце нет атомов Az . Верно!!!

Количество ^{оставшихся} атомов K к текущему моменту τ

$$N_K = N_0 \exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T})$$

Здесь использовали определение постоянной распада λ

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T}$$

Количество атомов Az образовавшихся к моменту τ , равно количеству распавшихся атомов K с поправкой на "эффективность" образования Az

$$N_{Az} = \alpha N_0 (1 - \exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T}))$$

Отношение в образце

$$\frac{N_K}{N_{Az}} = \beta = \frac{N_0 \exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T})}{\alpha N_0 (1 - \exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T}))}$$

$$\exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T}) = \beta \alpha - \beta \alpha \exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T}) \quad | \quad \beta \alpha \exp(-\ln 2 \frac{\tau}{T})$$

$$\frac{1}{\beta \alpha} = \exp(\ln 2 \frac{\tau}{T}) - 1$$

50 б

$$\exp(\ln 2 \frac{\tau}{T}) = \frac{1}{\beta \alpha} + 1$$

Все верно

Ответ

$$\tau = \frac{T}{\ln 2} \ln \left(\frac{1}{\beta \alpha} + 1 \right) = \frac{1250}{\ln 2} \left(\ln \frac{1}{70 \cdot 0.1} + 1 \right) \approx 2408 \text{ млн лет}$$

Вариативная часть

Блок 2 Физика

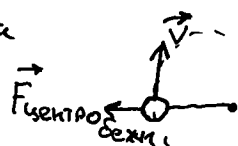
- 1) Система отсчета - это совокупность точки начала отсчета координатных осей и отсчетки времени
- 2) Инерциальные системы отсчета - системы, движущиеся относительно друг друга равномерно и прямолинейно

Пример два поезда, равномерно и прямолинейно движущиеся навстречу друг другу, и ж/д станция. Это три инерц системы отсчета

- 3) Неинерциальные системы отсчета - системы движущиеся относительно друг друга с ускорением (изменением модуля или направления скорости во времени)

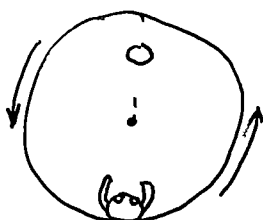
Пример вращающаяся карусель СО относительно человека, сидящего на карусели и человека стоящего в стороне. Эти две СО будут неинерциальными

- 4) Силы инерции это силы, возникающие при переходе между неинерциальными системами отсчета (пример центробежная сила, сила Кориолиса). Они не реальные силы, нет источника сил и взаимодействия



при движении тела по окружности тело стремится двигаться прямо по веревке, удерживающая тело на окружности, не дает телу двигаться прямо в результате чего натягивается под действием центробежной силы. Здесь две системы отсчета относительно веревки и относительно стороннего наблюдателя инерциальны, так движение по окружности - движение с ускорением

Сила Кориолиса Кидает мячик, сидя на вращающейся карусели



С точки зрения стороннего наблюдателя (его СО) мячик движется по прямой, на него действуют только обычные, известные силы тяжести, сопротивления воздуха, Архимеда

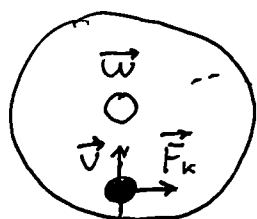
Бланк ответов



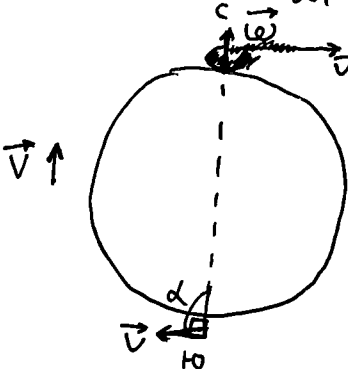
Но если перейти в систему отсчета связанную с гарусом человека, то человек как будто отклоняется от прямой. Это происходит под действием силы Кориолиса

$$\vec{F}_k = 2m \vec{v} \times \vec{\omega} \quad (1) \quad \text{где } m \text{ [кг]} - \text{масса, } \vec{v} \text{ [м/с]} - \text{скорость тела в вращающейся системе отсчета, } \vec{\omega} \text{ [рад/сек]} - \text{угловая скорость вращения системы отсчета}$$

Направление силы Кориолиса зависит от направления $\vec{\omega}$ и $\vec{v}$ и определяется правилами векторного произведения



5) Про голубя. Оценим величину силы, действующей на чувствительные органы птицы при движении строго по меридиану с юга на север. Пусть $|\vec{v}| = \text{const}$



Заметим, что эта сила меняется в зависимости от широты, так изменяется угол между скоростью голубя $\vec{v}$ и угловой скоростью вращения Земли $\vec{\omega}$ от $\alpha = 0^\circ$ на экваторе до $\alpha = 90^\circ$ на полюсах

Угловая скорость вращения Земли 1 оборот за 1 день, т.е.

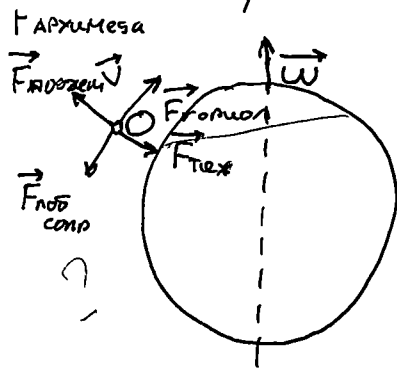
$$\omega = \frac{2\pi}{24 \cdot 60 \cdot 60} \approx 7.3 \cdot 10^{-5} \frac{\text{рад}}{\text{сек}}$$

Тогда на экваторе $F_k = 2 \cdot 0.3 \cdot 20 \cdot 7.3 \cdot 10^{-5} \cdot \sin 0 = 0 \text{ Н}$
($m_{\text{голубя}} = 0.3 \text{ кг}$, $v_{\text{голубя}} = 20 \text{ м/с}$ из условия)

на полюсе $F_k = 2 \cdot 0.3 \cdot 20 \cdot 7.3 \cdot 10^{-5} \cdot \sin 90^\circ \approx 0.87 \text{ мН} = 8.7 \cdot 10^{-4} \text{ Н}$
при угле 45° к оси вращения Земли $F_k = \sin 45^\circ \approx 6.2 \cdot 10^{-4} \text{ Н}$

Рисунок, показывающий силу, действующую на голубя

ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЙ ЛИСТ N 1



Если птица обвигается под углом α меридиану $\alpha \neq 0$ то сила действующая на птицу увеличится, везде кроме полюсов (там и так $\sin=1$)



Вес тела - сила действия тела на опору
Центростремительная сила - сила, заставляющая тело двигаться по окружности, а не по прямой

Чтобы ощущать смещение от экватора до 45° широты нужна чувствительность $(87-62) \cdot 10^{-4} \text{ Н} \approx 2.5 \cdot 10^{-4} \text{ Н}$ тк это разность сил на экваторе и на 45° (показано ранее)

Максимальная чувствительность наблюдается при движении строго вдоль меридиана тк угол между $\vec{v}$ и $\vec{\omega}$ в таком случае меняется от 0° до 90° . Если птица летит под углом (соответственно сила уменьшается от нулевой до максимальной) к меридиану, то угол меняется уже от значения больше нуля. Поэтому изменение сил происходит в меньшем диапазоне

Ветер может влиять на чувствительность птицы, если ускорит ее движение $\vec{v}$, эе в спину или против в спину, тогда растет сила Кориолиса, согласно формуле (1)

Сила Кориолиса меняется в большем диапазоне от нуля до уже большего максимального значения

Также, если ветер дует в сторону вращения Земли (полностью или частично, под углом), то это ^{заставляет} ~~заставляет~~ ^{замедляет} силу Кориолиса, смещая голубя вместе со вращением Земли. Голубь нагнать двигаться параллельно со своей скоростью $\vec{v}$ в системе (вращающейся) Земли

