

ИНВАРИАНТИВНАЯ ЧАСТЬ

$y = x^3 + bx^2 + cx + d$

БЛОК 1 АЛГЕБРА

$728^{7 \cdot 10^n + 1} > 2188^{6 \cdot 10^n + 1}$, при каких $n \in \mathbb{N}$?

РЕШЕНИЕ

$728 = 2^3 \cdot 91$
 $2188 = 2^2 \cdot 547$

$(2^3 \cdot 91)^{6 \cdot 10^n + 1 + 10^n}$ и $(2^3 \cdot 3 \cdot 91 + 2^2)^{6 \cdot 10^n + 1}$

$(2^3 \cdot 91)^{6 \cdot 10^n + 1} \cdot (2^3 \cdot 91)^{10^n}$ и $(2^3 \cdot 3 \cdot 91)^{6 \cdot 10^n + 1} + \Delta > 0$
 подем на $(2^3 \cdot 91)^{6 \cdot 10^n + 1}$
 $(2^3 \cdot 91)^{10^n}$ и $(3)^{6 \cdot 10^n + 1} + \Delta > 0$

$(728)^{10^n}$ и $3 \cdot (729)^{10^n} + \Delta$

здесь видно, что правая часть больше $728^{10^n} < (729)^{10^n}$

$\forall n \in \mathbb{N} \Rightarrow$ такого натурального ~~n~~ n не существует



1

11

ИНВАРИАНТИВНАЯ ЧАСТЬ

$$y = x^3 + bx^2 + cx + d$$

это уравнение кубической параболы можно представить как

$$f(x) = (x + R_1)^3 + R_2 x + R_3, \text{ где } R_1, R_2, R_3 \text{ неизвестные коэффициенты,}$$

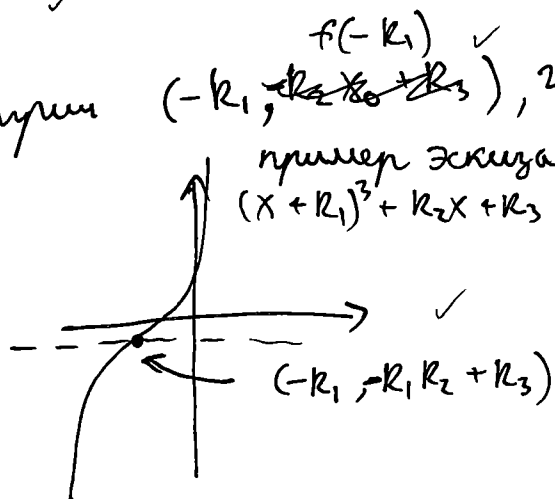
которые выражаются через b, c, d
 В этом уравнении точка симметрии $(-R_1, R_1 R_2 + R_3)$, где $f(-R_1)$

$$x_0 = -R_1 \quad \text{и} \quad (-R_1, -R_1 R_2 + R_3)$$

Докажем, что это она относительно этой точки симметрии. означаем t

$$\begin{cases} f(-R_1 + x_\Delta) = -R_1 R_2 + R_3 + y_\Delta \\ f(-R_1 - x_\Delta) = -R_1 R_2 + R_3 - y_\Delta \end{cases}$$

где x_Δ и y_Δ - число, на сколько отделим от точки симметрии



$$f(-R_1 + x_\Delta) = x_\Delta^3 + R_2(-R_1 + x_\Delta) + R_3 = x_\Delta^3 - R_1 R_2 + R_2 x_\Delta + R_3 =$$

$$-R_1 R_2 + R_3 + \cancel{R_2(-R_1 + x_\Delta)} + R_2 x_\Delta + x_\Delta^3 = y_\Delta$$

одинаковая часть t

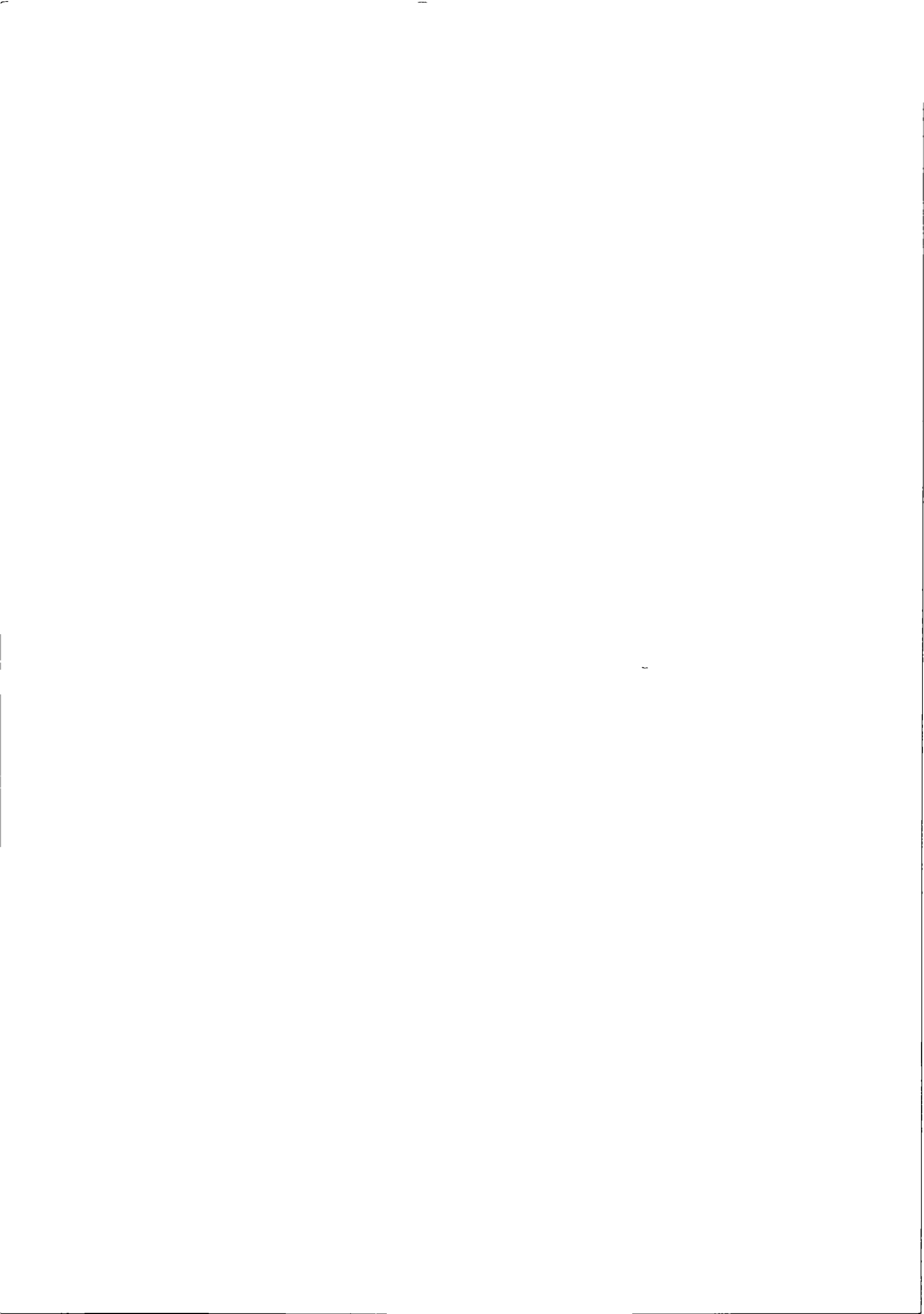
$$f(-R_1 - x_\Delta) = -x_\Delta^3 + R_2(-R_1 - x_\Delta) + R_3 = -x_\Delta^3 - R_1 R_2 - R_2 x_\Delta + R_3 =$$

$$-R_1 R_2 + R_3 - \cancel{R_2(-R_1 - x_\Delta)} - R_2 x_\Delta - x_\Delta^3 = -y_\Delta$$

одинаковая часть

докажем, что $(-R_1, -R_1 R_2 + R_3)$ - это точка симметрии, теперь выразим через коэффы b, c, d

$$(x + R_1)(x^2 + 2R_1 x + R_1^2) + R_2 x + R_3 = x^3 + 2R_1 x^2 + R_1^2 x^2 + 2R_1^2 x + R_1^3 + R_2 x + R_3 = x^3 + 3R_1 x^2 + x(R_1 + 2R_1^2 + R_2) + R_1^3 + R_3$$



11/11/17

точка

$$\begin{cases} b = 3k_1 \\ c = k_1 + 2k_1^2 + k_2 \\ d = k_1^2 + k_3 \end{cases}$$

$$(-k_1, -k_1, k_2 + k_3)$$

$$\begin{cases} k_1 = \frac{b}{3} \quad \checkmark \\ c = \frac{b}{3} + 2 \frac{b^2}{9} + k_2 \Rightarrow k_2 = c - \frac{b}{3} - \frac{2b^2}{9} \quad \checkmark \\ d = \frac{b^2}{9} + k_3 \Rightarrow k_3 = d - \frac{b^2}{9} \quad \checkmark \end{cases}$$

подставляем

$$\left(-\frac{b}{3}, -\frac{b}{3} \left(c - \frac{b}{3} - \frac{2b^2}{9}\right) + d - \frac{b^2}{9}\right)$$

$$\left(-\frac{b}{3}, -\frac{bc}{3} + \frac{b^2}{9} + \frac{2b^3}{27} + d - \frac{b^2}{9}\right)$$

$$\left(-\frac{b}{3}, d - \frac{bc}{3} + \frac{2b^3}{27}\right) \quad \checkmark \quad \text{ответ} \quad 508$$

